

数 学

(24-富) No. 1

数 学

(24-富) No. 2

問題番号	正 答	配点
[問1]	$\frac{3}{4}$	6
[問2]	8	6
[問3]	-5, 3	6
[問4]	1, 2, 7, 20	6
[問5]	$\frac{2}{9}$	6
[問6]	34 度	6

問題番号	正 答	配点
[問1]	$y = \frac{4}{5}x + \frac{12}{5}$	6
[問2]	$t = -\frac{12}{5}$	6
[問3] 解答例	<p>【 途中の式や計算など 】</p> <p>点Cは曲線 <math>l</math> 上の点より,  <math>t+3=(t+1)^2</math>  <math>t^2+t-2=0</math>  <math>(t+2)(t-1)=0</math>  <math>t &lt; 0</math> より, <math>t = -2</math>                  よって, <math>C(-1, 1), P(-2, 0)</math>                  となる。                  点Cから <math>x</math> 軸へ引いた垂線と,  <math>x</math> 軸との交点をH, 点Dから <math>x</math> 軸へ                  引いた垂線と, <math>x</math> 軸との交点をKと                  する。  <math>CP:DP=1:2</math> より,  <math>HP:KP=1:2</math>  <math>HP=1\text{cm}</math> より, <math>KP=2\text{cm}</math> と                  なる。                  点Dの <math>x</math> 座標は,  <math>-2-2=-4</math>                  点Dは, 曲線 <math>m</math> 上の点より,  <math>y = \frac{8}{-4} = -2</math>                  よって, 求める点Dの座標は,  <math>(-4, -2)</math> となる。</p>	9
(答え) ( -4 , -2 )		

問題番号	正 答	配点
[問1] 解答例	<p>【 作 図 】</p>	7
[問2] ① 解答例	<p>【 証 明 】</p> <p>線分AOと線分BDは平行であり,                  平行線の錯角は等しいから,  <math>\angle OBD = \angle BOA = 60^\circ</math>  <math>OB = OD</math> より, <math>\triangle OBD</math> は二等辺                  三角形だから,  <math>\angle ODB = \angle OBD = 60^\circ</math>  <math>\angle BOD = 180^\circ - (\angle ODB + \angle OBD)</math>  <math>= 60^\circ</math>                  よって, <math>\triangle OBD</math> は正三角形である。  <math>\triangle OCD</math> と <math>\triangle CED</math> において,  <math>OB = OC</math> より <math>\triangle OBC</math> は二等辺三角形                  となり, <math>\angle OBC = \angle OCB = 45^\circ</math>                  より,  <math>\angle BOC = 180^\circ - (\angle OBC + \angle OCB)</math>  <math>= 90^\circ</math>  <math>\angle COD = \angle BOC - \angle BOD = 30^\circ</math>  <math>\dots \textcircled{1}</math>                  また, 円周角の定理より,  <math>\angle ECD = \frac{1}{2} \angle BOD</math>  <math>= \frac{1}{2} \times 60^\circ</math>  <math>= 30^\circ \dots \textcircled{2}</math>  <math>\textcircled{1}, \textcircled{2}</math> より,  <math>\angle COD = \angle ECD \dots \textcircled{3}</math>                  共通な角だから,  <math>\angle ODC = \angle CDE \dots \textcircled{4}</math>  <math>\textcircled{3}, \textcircled{4}</math> より, 2組の角がそれぞれ等し                  いから,  <math>\triangle OCD \sim \triangle CED</math></p>	9
[問2] ②	$(10 - \frac{x^2}{10}) \text{ cm}$	6

問題番号	正 答	配点
[問1]	辺AC, 辺BC, 辺CF, 辺DF	6
[問2] 解答例	<p>【 途中の式や計算など 】</p> <p><math>AP = x \text{ cm}</math> とおくと, <math>\triangle ACP</math> において, 三平方の定理より,  <math>CP^2 = AC^2 + AP^2 = 3^2 + x^2</math>  <math>\triangle DEP</math> において同様に,  <math>EP^2 = DE^2 + DP^2 = 5^2 + (6-x)^2</math>                  また,  <math>CE^2 = BC^2 + BE^2 = 4^2 + 6^2 = 52</math>                  すると, <math>CP^2 + EP^2 = CE^2</math> より,  <math>3^2 + x^2 + 5^2 + (6-x)^2 = 52</math>  <math>x^2 - 6x + 9 = 0</math>  <math>(x-3)^2 = 0</math>  <math>x = 3</math>                  よって, 線分APの長さは, 3 cm となる。</p>	9
(答え) 3 cm		
[問3]	<p>(立体E-DFCPの体積) : (立体C-ABEPの体積)</p> <p>= 4 : 5</p>	6