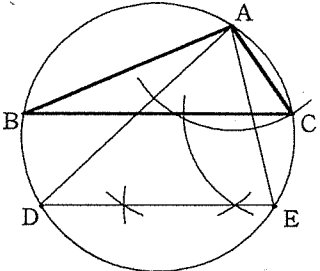


問題番号	正 答	配点
[問 1]	-4	5
[問 2]	$x = \frac{4}{3}, y = -\frac{1}{2}$	5
[問 3]	$-4 \pm 4\sqrt{2}$	5
[問 4]	18 度	5
[問 5]	$\frac{5}{12}$	5

問題番号	正 答	配点
[問 1] 正答例		7

[問 2] 正答例	<p>△ ABF と △ AEC において、  <math>\widehat{AC}</math> に対する円周角は等しいから  <math>\angle ABC = \angle AEC</math>                      すなわち <math>\angle ABF = \angle AEC</math> ……①                      △ ADE において、点 F, G はそれぞれ辺 AD, AE の中点であるから、                      中点連結定理より <math>FG \parallel DE</math>                      よって <math>BC \parallel DE</math>                      点 B と点 E を結ぶ。  <math>\widehat{CE}</math> に対する円周角は等しいから  <math>\angle CBE = \angle CAE</math> ……②                      平行線の錯角は等しいから  <math>\angle CBE = \angle BED</math> ……③  <math>\widehat{BD}</math> に対する円周角は等しいから  <math>\angle BAD = \angle BED</math>                      すなわち <math>\angle BAF = \angle BED</math> ……④                      ②, ③, ④より <math>\angle BAF = \angle EAC</math> ……⑤                      ①, ⑤より、△ ABF と △ AEC において、2 組の角がそれぞれ等しいから  <math>\triangle ABF \sim \triangle AEC</math></p>	10
[問 3]	$\frac{3\sqrt{7}}{8} \text{ cm}^2$	8

問題番号	正 答	配点
[問 1]	$y=x+6$	7
[問 2]	$k=\frac{1}{9}, t=2$	8
3 [問 3] 正答例	<p>まず、点Eを通り、線分ACに平行な直線 <math>n</math> の式を求める。</p> <p>A(-2, 4), C(6, 36k) であるから、2点A, Cを通る直線の傾きは <math>\frac{36k-4}{6-(-2)} = \frac{9k-1}{2}</math></p> <p>2直線が平行になるのは傾きが等しいときであるから、直線 <math>n</math> の式は、切片を <math>b</math> として <math>y = \frac{9k-1}{2}x + b</math> と表すことができる。</p> <p>また、直線 <math>n</math> は点E(-4, 0)を通るから <math>0 = \frac{9k-1}{2} \times (-4) + b</math> より <math>b = 18k - 2</math></p> <p>よって、直線 <math>n</math> の式は <math>y = \frac{9k-1}{2}x + 18k - 2</math> となる。</p> <p>次に、面積の二等分について考える。</p> <p>直線 <math>n</math> と辺AB, CDとの交点をそれぞれF, Gとすると、F, Gの <math>x</math> 座標はそれぞれ -2, 6であるから、直線 <math>n</math> の式より F(-2, 9k-1), G(6, 45k-5)</p> <p>四角形ABDCの面積の <math>\frac{1}{2}</math> 倍が四角形FBDGの面積に等しいから</p> $\frac{1}{2}(FB+GD) \times BD = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}(AB+CD) \times BD \quad \text{すなわち、} \quad FB+GD = \frac{1}{2}(AB+CD)$ <p>よって、<math>(9k-1) + (45k-5) = \frac{1}{2}(4+36k)</math> これを解いて、<math>k = \frac{2}{9}</math> (答え) <math>k = \frac{2}{9}</math></p>	10

問題番号	正 答	配点
[問 1]	$x = \frac{24}{5}$	7
[問 2]	$9\sqrt{7} \text{ cm}^2$	8
4 [問 3] 正答例	<p>点Pと点E, 点Pと点Fをそれぞれ結ぶ。</p> <p><math>\triangle DEF</math> は、1辺の長さが6 cmの正三角形なので、その高さは <math>3\sqrt{3}</math> cmである。</p> <p>したがって、その面積は、<math>\frac{1}{2} \times 6 \times 3\sqrt{3} = 9\sqrt{3}</math> である。</p> <p>よって、三角すいP-DEFの体積は、<math>\frac{1}{3} \times 9\sqrt{3} \times x = 3\sqrt{3}x</math> である。</p> <p>また、台形EFRQの面積は、</p> $\frac{1}{2} \times (2x + 24 - 3x) \times 6 = 3(24 - x)$ <p>であるから、四角すいP-EFRQの体積は、</p> $\frac{1}{3} \times 3(24 - x) \times 3\sqrt{3} = 3\sqrt{3}(24 - x)$ <p>となる。</p> <p>したがって、<math>W = 3\sqrt{3}x + 3\sqrt{3}(24 - x) = 72\sqrt{3}</math> である。</p> <p>また、正三角柱ABC-DEFの体積は、<math>24 \times 9\sqrt{3} = 216\sqrt{3}</math> であるから、</p> $V = 216\sqrt{3} - 72\sqrt{3} = 144\sqrt{3}$ である。 <p>したがって、点Rが辺CF上のどこにあっても、<math>V</math> は <math>W</math> の2倍である。</p>	10