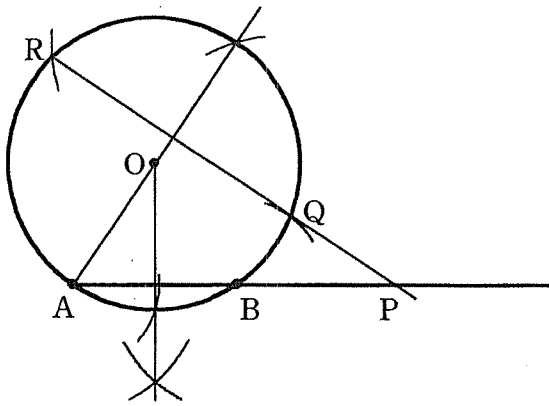
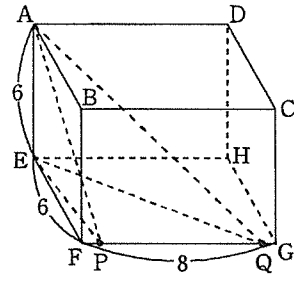


問題番号		正 答	配点
1	[問 1]	$2\sqrt{2}$	6
	[問 2]	$x = -1, y = -6$	6
	[問 3]	105 度	6
	[問 4]	22 個	6
	[問 5]	$\frac{13}{36}$	6
2	[問 1]	$(-4, 0)$	6
	(1)	32 cm^2	7
	[問 2] 解答例	<p>点 P を通り直線 OB に平行な直線を n とし、直線 n が y 軸と交わる点を $Q(0, t)$ とする。 $\triangle OBQ = \triangle OBP = 4$ であり、$B(-2, 1)$ であるから、 $t > 0$ のとき、$\triangle OBQ = \frac{1}{2} \times t \times 2 = 4$ より $t = 4$ よって、直線 n の式は $y = -\frac{1}{2}x + 4$ となり、直線 n と直線 m の交点 P の座標は、連立方程式 $\begin{cases} y = -\frac{1}{2}x + 4 \\ y = \frac{1}{2}x + 6 \end{cases}$ を解いて、$(-2, 5)$ となる。 $t < 0$ のとき、$\triangle OBQ = \frac{1}{2} \times (-t) \times 2 = 4$ より $t = -4$ よって、直線 n の式は $y = -\frac{1}{2}x - 4$ となり、直線 n と直線 m の交点 P の座標は、連立方程式 $\begin{cases} y = -\frac{1}{2}x - 4 \\ y = \frac{1}{2}x + 6 \end{cases}$ を解いて、$(-10, 1)$ となる。 したがって、点 P の座標は $(-2, 5), (-10, 1)$ である。</p>	10
[問 1] 解答例	<p>2点 C, B を結ぶ。 $\triangle ADP$ と $\triangle ABC$ において、 仮定より $\angle APD = \angle AQB \dots\dots ①$ \widehat{AB} に対する円周角は等しいから $\angle ACB = \angle AQB \dots\dots ②$ ①, ②より $\angle APD = \angle ACB \dots\dots ③$ また、共通な角であるから $\angle DAP = \angle BAC \dots\dots ④$ ③, ④より、2組の角がそれぞれ等しいから $\triangle ADP \sim \triangle ABC$ したがって $\angle ADP = \angle ABC$ ここで、半円の弧に対する円周角より $\angle ABC = 90^\circ$ よって $\angle ADP = 90^\circ$</p>	10	

問題番号	正 答	配点
<p>3</p> <p>[問2] 解答例</p>		6
[問3]	RQ : QP = 3 : 4	7
[問1]	$2\sqrt{19}$ cm	7
(1)	$t = \frac{98}{11}$	7
<p>4</p> <p>[問2] 解答例</p>	<p>(1) $6 \leq t \leq 7$ のとき 点P, Q は t 秒間にそれぞれ t cm, $2t$ cm 進み, $6 \leq t \leq 7$, $12 \leq 2t \leq 14$ より, 2点 は共に辺 FG 上に ある。したがって, $PQ = 2t - t = t$ より, $\Delta EPQ = \frac{1}{2} \times PQ \times EF = \frac{1}{2} \times t \times 6 = 3t$ よって, 三角すい A-EPQ の体積は, $\frac{1}{3} \times \Delta EPQ \times AE = \frac{1}{3} \times 3t \times 6 = 6t$ (cm³) これが 40 (cm³) になるのは, $6t = 40$ より $t = \frac{20}{3}$ (秒) これは, $6 \leq t \leq 7$ を満たしている。</p>  <p>(2) $7 \leq t \leq 10$ のとき 点P, Q は t 秒間にそれぞれ t cm, $2t$ cm 進み, $7 \leq t \leq 10$, $14 \leq 2t \leq 20$ より, 点P は辺 FG 上, 点Q は辺 GH 上にある。したがって, $FP = t - 6$, $PG = 14 - t$, $GQ = 2t - 14$, $QH = 20 - 2t$ より, $\Delta EPQ = EF \times EH - \frac{1}{2} \times EF \times FP$ $- \frac{1}{2} \times PG \times GQ - \frac{1}{2} \times QH \times EH$ $= 6 \times 8 - \frac{1}{2} \times 6 \times (t - 6) - \frac{1}{2} \times (14 - t) \times (2t - 14) - \frac{1}{2} \times (20 - 2t) \times 8$ $= t^2 - 16t + 84$ よって, 三角すい A-EPQ の体積は, $\frac{1}{3} \times \Delta EPQ \times AE = \frac{1}{3} \times (t^2 - 16t + 84) \times 6 = 2(t^2 - 16t + 84)$ (cm³) これが 40 (cm³) になるのは, $2(t^2 - 16t + 84) = 40$ を解いて, $t^2 - 16t + 64 = 0$ より $(t - 8)^2 = 0$ よって $t = 8$ (秒) これは, $7 \leq t \leq 10$ を満たしている。</p> <p>以上, (1), (2) より, $t = \frac{20}{3}$, 8 (秒)</p> <div style="border: 1px dashed black; padding: 5px; display: inline-block;">(答え) $t = \frac{20}{3}, 8$</div>	10