

数学

(26 - 八 NO.1)

問題番号	正 答	配点
[問1]	5	5
[問2]	$x = 12, y = 8$	5
[問3]	$\frac{3 \pm \sqrt{5}}{2}$	5
[問4]	$\frac{7}{36}$	5
1 [問5] 解答例		5
[問1]	$y = -\frac{2}{3}x$	7
[問2]	$a = -\frac{3}{4}$	8
2 [問3] 解答例	<p>点 Q は、関数 $y = x$ のグラフ上の点で $Q(s, s)$ とおくと、関数 $y = -\frac{1}{4}x^2$ のグラフ上の点でもあるから、$-\frac{1}{4}s^2 = s, s < 0$ から $s = -4$ であり、$Q(-4, -4)$... ①</p> <p>点 P は曲線 l 上にあり、x 座標が -4 より y 座標は $\frac{1}{2} \times (-4)^2 = 8, P(-4, 8)$</p> <p>直線 n が $\triangle APQ$ と交わる点のうち、点 O と異なる点を R とする。点 R が辺 AP 上にあるときは点 O と点 P を結び $\triangle OPQ : \triangle OPA = OQ : OA = 2 : 1$ であるから、点 R は辺 PQ 上にある。$\triangle APQ = 2\triangle OQR$ が成り立つので、 $\frac{1}{2} \times (8+4) \times (4+2) = 2 \times \frac{1}{2} \times QR \times 4$ よって、$QR = 9$</p> <p>① より、$R(-4, 5)$ 直線 n の式は、原点と $R(-4, 5)$ を通ることから、$y = -\frac{5}{4}x$... ②</p> <p>点 B は関数 $y = -\frac{1}{4}x^2$ のグラフ上の点であるから、$B(2, -1)$... ③</p> <p>2点 $B(2, -1), Q(-4, -4)$ を通る直線の式を $y = px + q$ とおくと、 $\begin{cases} 2p + q = -1 \\ -4p + q = -4 \end{cases}$ これを解いて、$p = \frac{1}{2}, q = -2$</p> <p>よって、直線の式は $y = \frac{1}{2}x - 2$... ④</p> <p>点 C は直線 ②、④ の交点であるから、$-\frac{5}{4}x = \frac{1}{2}x - 2$ より、x 座標は $\frac{8}{7}$... ⑤</p> <p>$\triangle OCQ$ と $\triangle OBC$ は、底辺をそれぞれ辺 CQ、辺 BC とみると高さが等しい三角形であることから、面積の比は、①、③、⑤ より、 $\triangle OCQ : \triangle OBC = CQ : BC = \left(4 + \frac{8}{7}\right) : \left(2 - \frac{8}{7}\right) = \frac{36}{7} : \frac{6}{7} = 6 : 1$</p> <p>したがって、$\triangle OCQ$ の面積は $\triangle OBC$ の面積の 6 倍である。 (答え) 6 倍</p>	10

数学

(26 - 八 NO.2)

問題番号	正 答	配点
[問1]	(点 A を含まない \widehat{BP} の長さ) : (点 A を含まない \widehat{BQ} の長さ) = 5 : 6	7
3 [問2] (1) 解答例	<p>$\triangle ABQ$ と $\triangle ARQ$ において、$RQ = PQ$ より、$\angle ARQ = \angle APQ$ であり、\widehat{AQ} に対する円周角は等しいので、$\angle APQ = \angle ABQ$ であるから、 $\angle ARQ = \angle ABQ$... ①</p> <p>また、$BQ = PQ$ より、$\angle PBQ = \angle BPQ$ であり、\widehat{AP} に対する円周角は等しいので、$\angle AQP = \angle ABP$ \widehat{BQ} に対する円周角は等しいので、$\angle BPQ = \angle BAQ$ よって、$\angle RAQ$ は $\triangle APQ$ の内角 $\angle PAQ$ の外角であるから、 $\angle RAQ = \angle APQ + \angle AQP = \angle ABQ + \angle ABP = \angle PBQ = \angle BPQ = \angle BAQ$... ②</p> <p>三角形の内角の和は 180° であるから、①、② より、 $\angle AQR = 180^\circ - (\angle RAQ + \angle ARQ)$ $= 180^\circ - (\angle BAQ + \angle ABQ)$ $= \angle AQB$... ③</p> <p>ゆえに、②、③ と 辺 AQ は共通により、一辺とその両端の角がそれぞれ等しいから、 $\triangle ABQ \cong \triangle ARQ$ (証明終)</p>	10
[問2] (2)	$\frac{16}{3}$ cm	8
[問1]	$\sqrt{41}$ cm	7
[問2]	$8\sqrt{3}$ cm ²	8
4 [問3] 解答例	<p>図5で、点 D と頂点 F を結び、線分 DF と線分 PS との交点を N とする。 点 N と点 C、頂点 N と点 J をそれぞれ結ぶ。 $\triangle CJN$ は長方形 CDFJ 上にあるので、 $\triangle CJN = \frac{1}{2} \times CJ \times CD = \frac{1}{2} \times 4\sqrt{2} \times 4 = 8\sqrt{2}$ (cm²)</p> <p>また、頂点 A と頂点 G を結んだ線分 AG と、面 CDFJ との関係を考えて、垂直に交わっている。よって、$\angle DOS = \angle DAG = 45^\circ$ であるから、$AG \parallel PS$ より、$\triangle CJN \perp PS$ ここで、 $PS = PO + OS = AO + \sqrt{2}OD = 2 + 2\sqrt{2}$ (cm)</p> <p>したがって、立体 PCJS は、$\triangle CJN$ を共通の底面とする 2 つの三角すいを合わせた立体であるから、その体積は $\frac{1}{3} \times \triangle CJN \times (PN + NS)$ $= \frac{1}{3} \times \triangle CJN \times PS$ $= \frac{1}{3} \times 8\sqrt{2} \times (2 + 2\sqrt{2})$ $= \frac{32 + 16\sqrt{2}}{3}$ (cm³) (答え) $\frac{32 + 16\sqrt{2}}{3}$ cm³</p>	10