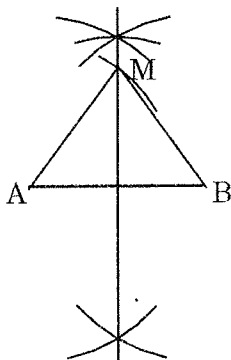


問題番号	正 答	配点
1	〔問 1〕 $-\frac{2\sqrt{5}}{3}$	5
	〔問 2〕 $\frac{1 \pm \sqrt{13}}{6}$	5
	〔問 3〕 3 個	5
	〔問 4〕 $\frac{1}{12}$	5
〔問 5〕 解答例		5
〔問 1〕	$y = \frac{3}{8}x + \frac{13}{2}$	7
〔問 2〕 (1)	$\left(-\frac{10}{3}, \frac{50}{9}\right)$	8
2 〔問 2〕 (2) 解答例	<p>△ADR : △APQ = 7 : 5 と △ADR = △ADQ より, △ADQ : △APQ = 7 : 5 △ADQ : △APQ = DQ : PQ であるから DQ : PQ = 7 : 5 また, 点 P を通り y 軸に平行な直線と直線 ℓ との交点を H, 点 Q を通り y 軸に平行な直線と直線 ℓ との交点を K とする。 DQ : PQ = DK : HK であるから, DK : HK = 7 : 5 よって, 点 Q の x 座標を t とすると, 点 P の x 座標は $t - \frac{5}{7}(10 - t)$, すなわち, $\frac{2}{7}(6t - 25)$ となるから, 点 P の y 座標は $\frac{2}{49}(6t - 25)^2$ となる。 QK : PH = DQ : DP, DQ : DP = 7 : 12 より, QK : PH = 7 : 12 よって, $\left(8 - \frac{1}{2}t^2\right) : \left\{8 - \frac{2}{49}(6t - 25)^2\right\} = 7 : 12$ すなわち $15t^2 - 300t + 765 = 0$ したがって, $t^2 - 20t + 51 = 0$ すなわち $t = 3, 17$ $0 < t < 4$ より, $t = 3$ よって, 点 Q の座標は $\left(3, \frac{9}{2}\right)$ である。</p> <div style="border: 1px dashed black; padding: 5px; display: inline-block;">(答え) $\left(3, \frac{9}{2}\right)$</div>	10

問題番号	正 答	配点
[問1]	(点 A を含まない \widehat{BP} の長さ) : (点 A を含まない \widehat{BQ} の長さ) = 5 : 6	7
<div style="display: flex; align-items: center;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; margin-right: 5px;">3</div> <div style="margin-right: 5px;">[問2]</div> <div style="margin-right: 5px;">(1)</div> <div style="margin-right: 5px;">解答例</div> </div>	<p>$\triangle ABQ$ と $\triangle ARQ$ において, $RQ=PQ$ より, $\angle ARQ=\angle APQ$ であり, \widehat{AQ} に対する円周角は等しいので, $\angle APQ=\angle ABQ$ であるから, $\angle ARQ=\angle ABQ \quad \dots\dots\textcircled{1}$ また, $BQ=PQ$ より, $\angle PBQ=\angle BPQ$ であり, \widehat{AP} に対する円周角は等しいので, $\angle AQP=\angle ABP$ \widehat{BQ} に対する円周角は等しいので, $\angle BPQ=\angle BAQ$ よって, $\angle RAQ$ は $\triangle APQ$ の内角 $\angle PAQ$ の外角であるから, $\angle RAQ=\angle APQ+\angle AQP=\angle ABQ+\angle ABP=\angle PBQ=\angle BPQ=\angle BAQ \quad \dots\dots\textcircled{2}$ 三角形の内角の和は 180° であるから, $\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$ より, $\begin{aligned} \angle AQR &= 180^\circ - (\angle RAQ + \angle ARQ) \\ &= 180^\circ - (\angle BAQ + \angle ABQ) \\ &= \angle AQB \quad \dots\dots\textcircled{3} \end{aligned}$ ゆえに, $\textcircled{2}$, $\textcircled{3}$ と辺 AQ は共通により, 一辺とその両端の角がそれぞれ等しいから, $\triangle ABQ \cong \triangle ARQ \quad (\text{証明終})$</p>	10
[問2] (2)	$\frac{16}{3} \text{ cm}$	8
[問1]	$\sqrt{41} \text{ cm}$	7
[問2]	$8\sqrt{3} \text{ cm}^2$	8
<div style="display: flex; align-items: center;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; margin-right: 5px;">4</div> <div style="margin-right: 5px;">[問3]</div> <div style="margin-right: 5px;">解答例</div> </div>	<p>図5で, 点 D と頂点 F を結び, 線分 DF と線分 PS との交点を N とする。 点 N と点 C, 頂点 N と点 J をそれぞれ結ぶ。 $\triangle CJN$ は長方形 CDFJ 上にあるので, $\triangle CJN = \frac{1}{2} \times CJ \times CD = \frac{1}{2} \times 4\sqrt{2} \times 4 = 8\sqrt{2} (\text{cm}^2)$ また, 頂点 A と頂点 G を結んだ線分 AG と, 面 CDFJ との関係を考えてみると, 垂直に 交わっている。 よって, $\angle DOS = \angle DAG = 45^\circ$ であるから, $AG \parallel PS$ より, $\triangle CJN \perp PS$ ここで, $PS = PO + OS = AO + \sqrt{2} OD = 2 + 2\sqrt{2} (\text{cm})$ したがって, 立体 PCJS は, $\triangle CJN$ を共通の底面とする 2 つの三角すいを合わせた 立体であるから, その体積は $\begin{aligned} & \frac{1}{3} \times \triangle CJN \times (PN + NS) \\ &= \frac{1}{3} \times \triangle CJN \times PS \\ &= \frac{1}{3} \times 8\sqrt{2} \times (2 + 2\sqrt{2}) \\ &= \frac{32 + 16\sqrt{2}}{3} (\text{cm}^3) \end{aligned}$ <div style="border: 1px dashed black; padding: 5px; width: fit-content; margin-left: auto; margin-right: auto;"> (答え) $\frac{32 + 16\sqrt{2}}{3} \text{ cm}^3$ </div> </p>	10