

| 1 | | 点 |
|------|---------------------|---|
| [問1] | 0 | 5 |
| [問2] | $x=2, -\frac{4}{3}$ | 5 |
| [問3] | $n=194$ | 5 |
| [問4] | $\frac{17}{18}$ | 5 |
| [問5] | | 5 |

[解答例]

| 2 | | 点 |
|------|-----------------------------------|----|
| [問1] | (1) $(\frac{4}{3}, -\frac{8}{3})$ | 7 |
| [問1] | (2) 【途中の式や計算など】 | 10 |

[解答例]

点Bを通りx軸に平行な直線を引き、直線ADとの交点をHとする。
 四角形ABCDがひし形になるとき、
 $AB=BC=8$
 直線 l の傾きが2であるから、 $BH=t$ とおくと、
 $AH=2t$
 $\triangle ABH$ は $\angle H=90^\circ$ の直角三角形だから、
 三平方の定理より、
 $t^2+(2t)^2=8^2$
 整理して、
 $5t^2=64$
 $t>0$ より、 $t=\frac{8\sqrt{5}}{5}$
 $AH=2 \times \frac{8\sqrt{5}}{5} = \frac{16\sqrt{5}}{5}$
 点Hのy座標は4であるから、
 $A(\frac{8\sqrt{5}}{5}, 4 + \frac{16\sqrt{5}}{5})$
 点Aは曲線 f 上にあるから、
 $a(\frac{8\sqrt{5}}{5})^2 = 4 + \frac{16\sqrt{5}}{5} = \frac{20+16\sqrt{5}}{5}$
 よって、 $a = \frac{20+16\sqrt{5}}{64} = \frac{5+4\sqrt{5}}{16}$

(答え) $a = \frac{5+4\sqrt{5}}{16}$

| | | | |
|------|---|---|---|
| [問2] | 6 | 倍 | 8 |
|------|---|---|---|

| 3 | | 点 |
|------|--|----|
| [問1] | 16 cm | 7 |
| [問2] | $\frac{a}{4}$ 度 | 8 |
| [問3] | 【選んだ1組の三角形】 $\triangle OAB$ と $\triangle HAO$ 【相似であることの証明】 | 10 |

[解答例]

辺ABと円の接点をEとする。
 辺AB, 辺ADは円に接するので、
 $\angle OHA = \angle OEA = 90^\circ \dots ①$
 円の半径なので、 $OH=OE$
 点Oは辺AB, 辺ADから等距離にあるので、
 線分OAは $\angle BAD$ の二等分線である。
 したがって、 $\angle OAB = \angle OAD = \angle HAO \dots ②$
 同様に、線分OBは $\angle ABC$ の二等分線なので、
 $\angle OBA = \angle OBC \dots ③$
 四角形ABCDは台形なので、
 $\angle DAB + \angle ABC = 180^\circ$
 ここで、②, ③より、
 $\angle DAB = \angle OAD + \angle OAB = 2 \times \angle OAB$
 $\angle ABC = \angle OBA + \angle OBC = 2 \times \angle OBA$
 となるので、 $\angle OAB + \angle OBA = 90^\circ$
 したがって、
 $\angle BOA = 180^\circ - (\angle OAB + \angle OBA)$
 $= 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ \dots ④$
 となり、①, ④より、
 $\angle BOA = \angle OHA \dots ⑤$
 よって、 $\triangle OAB$ と $\triangle HAO$ において、②, ⑤より、
 対応する2組の角の大きさがそれぞれ等しいので、
 $\triangle OAB \sim \triangle HAO$ ㊦

※ $\triangle ODC$ と $\triangle HDO$ についても同様に証明できる。

| 4 | | 点 |
|------|-----------------|----|
| [問1] | $l=2\sqrt{39}$ | 7 |
| [問2] | (1) 【途中の式や計算など】 | 10 |

[解答例]

$DN=x$ とおく。
 $\triangle CDN$ は、 $\angle D=90^\circ$ の直角三角形だから、
 三平方の定理より、
 $CN^2 = x^2 + 2^2 = x^2 + 4 \dots ①$
 点Nから辺AGに垂線NSを下ろすと、
 $AS=DN$ より、 $MS=6-x$
 $\triangle MNS$ は、 $\angle S=90^\circ$ の直角三角形だから、
 三平方の定理より、
 $MN^2 = (6-x)^2 + 4^2 = x^2 - 12x + 52 \dots ②$
 $MN^2 = CN^2$ であるから、①, ②より、
 $x^2 - 12x + 52 = x^2 + 4$
 これを解いて、 $x=4$
 $MN=CN=2\sqrt{5} \dots ③$
 $\triangle ACM$ は、 $\angle A=90^\circ$ の直角三角形だから、
 三平方の定理より、
 $CM^2 = (2\sqrt{3})^2 + 6^2 = 48$
 $CM>0$ より、 $CM=4\sqrt{3} \dots ④$
 ③, ④より、
 $\triangle CMN$ は、 $CM=4\sqrt{3}$, $MN=CN=2\sqrt{5}$
 の二等辺三角形である。
 $\triangle CMN$ の頂点Nから辺CMに垂線NTを下ろすと、
 Tは線分CMの中点であり、 $\angle CTN=90^\circ$ であるから、
 $\triangle CNT$ において三平方の定理より、
 $NT^2 = (2\sqrt{5})^2 - (2\sqrt{3})^2 = 8$
 $NT>0$ より、 $NT=2\sqrt{2}$
 よって、 $\triangle CMN$ の面積は、
 $\frac{1}{2} \times 4\sqrt{3} \times 2\sqrt{2} = 4\sqrt{6} \text{ (cm}^2\text{)}$

(答え) $4\sqrt{6} \text{ cm}^2$

| | | | | |
|------|-----|------------------------|---------------|---|
| [問2] | (2) | $\frac{24\sqrt{3}}{7}$ | cm^3 | 8 |
|------|-----|------------------------|---------------|---|

※ ■の欄には、記入しないこと

| | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|---------|---------|
| 小計① | 小計② | 小計③ | 小計④ | 受 検 番 号 | 合 計 得 点 |
| | | | | | |