

正 答 表 数 学

1	
〔問 1〕	$-\frac{\sqrt{3}}{6}$
〔問 2〕	$\frac{5 \pm \sqrt{33}}{2}$
〔問 3〕	3 cm
〔問 4〕	412
〔問 5〕	$a = 6, b = 5$
〔問 6〕 解答例	

2	
〔問 1〕	$a = \frac{2}{9}$
〔問 2〕 解答例	(1) 【途中の式や計算など】
<p>曲線 f 上の点 A, B, P の x 座標はそれぞれ $-6, 4, p$ より $A(-6, 9), B(4, 4), P(p, \frac{1}{4}p^2)$ とそれぞれ表せる</p> <p>このとき、直線 AB の傾きは $\frac{4-9}{4-(-6)} = -\frac{1}{2}$</p> <p>直線 AB の式を $y = -\frac{1}{2}x + b$ とおくと、</p> <p>点 A を通るから $9 = -\frac{1}{2}(-6) + b$ より $b = 6$</p> <p>よって 直線 AB と y 軸との交点を C とすると、$C(0, 6)$</p> <p>点 P を通る直線 AB に平行な直線の式を</p> $y = -\frac{1}{2}x + b' \text{ とおくと}$ $\frac{1}{4}p^2 = -\frac{1}{2}p + b' \text{ より } b' = \frac{1}{4}p^2 + \frac{1}{2}p$ <p>よって この直線と y 軸との交点を S とすると</p> $S\left(0, \frac{1}{4}p^2 + \frac{1}{2}p\right)$ <p>このとき $AB \parallel SP$ であるから</p> $\triangle APB = \triangle ASB = 20 \text{ cm}^2$ <p>また $CS = 6 - \frac{1}{4}p^2 - \frac{1}{2}p \text{ (cm)}$ と表せるから</p> $\triangle ASB = \frac{1}{2} \times 4 \times \left(6 - \frac{1}{4}p^2 - \frac{1}{2}p\right) + \frac{1}{2} \times 6 \times \left(6 - \frac{1}{4}p^2 - \frac{1}{2}p\right)$ $= -\frac{5}{4}p^2 - \frac{5}{2}p + 30 \text{ (cm}^2\text{)}$ <p>よって $-\frac{5}{4}p^2 - \frac{5}{2}p + 30 = 20$</p> <p>整理すると $p^2 + 2p - 8 = 0$ より $(p+4)(p-2) = 0$</p> <p>$0 < p < 4$ であるから $p = 2$</p>	
(答え) $p = 2$	
〔問 2〕 (2)	$p = -2 + \sqrt{22}$

正 答 表 数 学

3			
〔問 1〕		$\frac{5}{3}\pi$ cm	問1
〔問 2〕 解答例	(1)	【 証 明 】	問2(1)
<p>△ QBE と△ DSP において 線分BEは円の直径であるから ∠ BQE = 90° …① 四角形ABCDは正方形であるから ∠ SDP = 90° …② ①と②より ∠ BQE = ∠ SDP …③ また AD // BC より 平行線の錯角は等しいから ∠ BEQ = ∠ SPD …④ ③と④より 2組の角がそれぞれ等しいから △ QBE ∽ △ DSP</p>			
〔問 2〕	(2)	PQ : QE = 8 : 5	問2(2)

4			
〔問 1〕		$288\sqrt{2}$ cm ³	問1
〔問 2〕 解答例	(1)	【途中の式や計算など】	問2(1)
<p>△ ACD は 1 辺の長さが 12 cm の正三角形で AP = PD = 6 cm であるから CP : 12 = $\sqrt{3}$: 2 よって CP = $6\sqrt{3}$ cm 同様に BQ = $6\sqrt{3}$ cm P, Q は AD, AE の中点であるから, 中点連結定理により PQ = 6 cm また, QP // ED である。 四角形 BCDE は正方形であるから BC // ED よって BC // QP であるから, 四角形 BCPQ は QB = PC の台形となる。</p> <p>台形 BCPQ において点 P から辺 BC に垂直な直線を引き, 交点を H とすると, 三平方の定理より</p> $PH^2 = (6\sqrt{3})^2 - \left(\frac{12-6}{2}\right)^2 \quad PH > 0 \text{ より } PH = 3\sqrt{11}$ <p>したがって 台形 BCPQ の面積は</p> $\frac{1}{2} \times (6+12) \times 3\sqrt{11} = 27\sqrt{11} \text{ (cm}^2\text{)}$			
		(答え) $27\sqrt{11}$ cm ²	
〔問 2〕	(2)	$3\sqrt{2}$ cm	問2(2)
受 検 番 号		合計得点	

正 答 表

1	[問題A]	<対話文1>		<対話文2>		<対話文3>		4	4	4		
	[問題B]	<Question 1>						4				
		<Question 2>							4			
2	[問1]	ウ							4			
	[問2]	ア							4			
	[問3]	Saturday							4			
	[問4]	adventure							4			
	[問5]	イ							4			
	[問6]	エ							4			
3	[問1]	ア							4			
	[問2]	イ							4			
	[問3]	カ							4			
	[問4]	ウ							4			
	[問5]	カ							4			
	[問6]	ウ							4			
4	[問1]	ウ							4			
	[問2]	sorry and nervous							4			
	[問3]	オ							4			
	[問4]	エ							4			
	[問5]	カ							4			
	[問6]	(ア) four	(イ) one							4		
	[問7]	<p>① First, start to play my favorite music. (7語)</p> <p>② Finally, put all the things in the piles back. (9語)</p>						8				